

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**(ИАТЭ НИЯУ МИФИ)**

**ИНСТИТУТ ОБЩЕЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ПОДГОТОВКИ**  
**Кафедра Высшей математики**

Одобрено на заседании  
Ученого совета ИАТЭ НИЯУ МИФИ  
Протокол от 24.04.2023 № 23.4

**ФОНД**  
**ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**  
**ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ**

---

*Численные методы*

*название дисциплины*

для направления подготовки

---

*12.03.01 Приборостроение*

*код и название направления подготовки*

образовательная программа

---

*Приборы и методы контроля качества и диагностики*

Форма обучения: очная

г. Обнинск 2023 г.

## **Область применения**

Фонд оценочных средств (ФОС) – является неотъемлемой частью учебно-методического комплекса учебной дисциплины «Численные методы» и предназначен для контроля и оценки образовательных достижений обучающихся, освоивших программу данной дисциплины.

## **Цели и задачи фонда оценочных средств**

Целью Фонда оценочных средств является установление соответствия уровня подготовки обучающихся требованиям федерального государственного образовательного стандарта.

Для достижения поставленной цели Фондом оценочных средств по дисциплине «Численные методы» решаются следующие задачи:

- контроль и управление процессом приобретения обучающимися знаний, умений и навыков предусмотренных в рамках данного курса;
- контроль и оценка степени освоения компетенций предусмотренных в рамках данного курса;
- обеспечение соответствия результатов обучения задачам будущей профессиональной деятельности через совершенствование традиционных и внедрение инновационных методов обучения в образовательный процесс в рамках данного курса.

## **1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы**

### **1.1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

В результате освоения ООП бакалавриата обучающийся должен овладеть следующими результатами обучения по дисциплине:

<b>Коды компетенций</b>	<b>Результаты освоения ООП Содержание компетенций</b>	<b>Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине</b>
УК-2	Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений	Знать: оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений Уметь: - использовать математические методы в технических приложениях Владеть: - методами математического анализа и моделирования
УКЕ-1	Способен применять естественнонаучные и общееинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения	Знать: методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности, связанной с проектированием и конструированием, технологиями производства приборов и комплексов широкого назначения Уметь: применять естественнонаучные и общееинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в инженерной деятельности Владеть:

### **1.2. Этапы формирования компетенций в процессе освоения ООП бакалавриата**

Компоненты компетенций, как правило, формируются при изучении нескольких дисциплин, а также в немалой степени в процессе прохождения практик, НИР и во время самостоятельной работы обучающегося. Выполнение и защита ВКР являются видом учебной деятельности, который завершает процесс формирования компетенций.

Место дисциплины и соответствующий этап формирования компетенций в целостном процессе подготовки по образовательной программе можно определить по матрице компетенций, которая приводится в Приложении.

Этапы формирования компетенции в процессе освоения дисциплины:

- **начальный** этап – на этом этапе формируются знаниевые и инструментальные основы компетенции, осваиваются основные категории, формируются базовые умения. Студент воспроизводит термины, факты, методы, понятия, принципы и правила; решает учебные задачи по образцу;

- **основной** этап – знания, умения, навыки, обеспечивающие формирование компетенции, значительно возрастают, но еще не достигают итоговых значений. На этом этапе студент осваивает аналитические действия с предметными знаниями по дисциплине, способен самостоятельно решать учебные задачи, внося корректизы в алгоритм действий, осуществляя коррекцию в ходе работы, переносит знания и умения на новые условия;

- **завершающий** этап – на этом этапе студент достигает итоговых показателей по заявленной компетенции, то есть осваивает весь необходимый объем знаний, овладевает всеми умениями и навыками в сфере заявленной компетенции. Он способен использовать эти знания, умения, навыки при решении задач повышенной сложности и в нестандартных условиях.

Этапы формирования компетенций в ходе освоения дисциплины отражаются в тематическом плане (см.п. 4 рабочей программы дисциплины).

### **1.3. Паспорт фонда оценочных средств по дисциплине**

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины (результаты по разделам)	Код контролируемой компетенции (или её части) / и ее формулировка	Наименование оценочного средства
Текущий контроль, 4 семестр			
1.	Конечно-разностная аппроксимация первых и вторых производных	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа
2.	Конечно-разностная аппроксимация одномерного уравнения теплопроводности с постоянными коэффициентами	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа

3.	Конечно-разностная аппроксимация одномерного уравнения колебания струны с постоянными коэффициентами.	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа
4.	Вариационные методы решения краевых задач	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа
5.	Интегро-интерполяционный метод получения разностных уравнений для одномерного уравнения теплопроводности с переменными коэффициентами	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа
6.	Интегро-интерполяционный метод получения разностных уравнений для одномерного уравнения колебания струны с переменными коэффициентами	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа

7.	Метод матричной прогонки для решения двумерных разностных уравнений	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа
8.	Продольно-поперечная схема для решения двумерных разностных уравнений	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	лабораторная работа

**Промежуточный контроль, 4 семестр**

	зачет	готовность применять методы оптимизации, анализа вариантов, поиска решения многокритериальных задач, учета неопределенностей при проектировании ядерных установок и систем учета, контроля (ПК-18)	Зачетационный билет
--	-------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------------------

Всего:9

## **2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания**

Конечными результатами освоения программы дисциплины являются сформированные когнитивные дескрипторы «знать», «уметь», «владеть», расписанные по отдельным компетенциям, которые приведены в п.1.1. Формирование этих дескрипторов происходит в процессе изучения дисциплины по этапам в рамках различного вида учебных занятий и самостоятельной работы.

Выделяются три уровня сформированности компетенций на каждом этапе: пороговый, продвинутый и высокий.

<b>Уровни</b>	<b>Содержательное описание уровня</b>	<b>Основные признаки выделения уровня</b>	<b>БРС, % освоения</b>	<b>ECTS/Пятибалльная шкала для оценки зачета/зачета</b>
<b>Высокий</b> <i>Все виды компетенций сформированы на высоком уровне в соответствии с целями и задачами дисциплины</i>	Творческая деятельность	<i>Включает нижестоящий уровень.</i> Студент демонстрирует свободное обладание компетенциями, способен применить их в нестандартных ситуациях: показывает умение самостоятельно принимать решение, решать проблему/задачу теоретического или прикладного характера на основе изученных методов, приемов, технологий	90-100	A/ Отлично/ Зачтено
<b>Продвинутый</b> <i>Все виды компетенций сформированы на продвинутом уровне в соответствии с целями и задачами дисциплины</i>	Применение знаний и умений в более широких контекстах учебной и профессиональной деятельности, нежели по образцу, большей долей самостоятельности и инициативы	<i>Включает нижестоящий уровень.</i> Студент может доказать владение компетенциями: демонстрирует способность собирать, систематизировать, анализировать и грамотно использовать информацию из самостоятельно найденных теоретических источников и иллюстрировать ими теоретические положения или обосновывать практику применения.	85-89	B/ Очень хорошо/ Зачтено
			75-84	C/ Хорошо/ Зачтено
<b>Пороговый</b> <i>Все виды компетенций сформированы на пороговом уровне</i>	Репродуктивная деятельность	Студент демонстрирует владение компетенциями в стандартных ситуациях: излагает в пределах задач курса теоретически и практически контролируемый материал.	65-74	D/Удовлетворительно/ Зачтено
			60-64	E/Посредственно /Зачтено
<b>Ниже порогового</b>	Отсутствие признаков порогового уровня: компетенции не сформированы. Студент не в состоянии продемонстрировать обладание компетенциями в стандартных ситуациях.		0-59	Неудовлетворительно/ Не зачтено

Оценивание результатов обучения студентов по дисциплине осуществляется по регламенту текущего контроля и промежуточной аттестации.

Критерии оценивания компетенций на каждом этапе изучения дисциплины для каждого вида оценочного средства и приводятся в п. 4 ФОС. Итоговый уровень сформированности компетенции при изучении дисциплины определяется по таблице. При этом следует понимать, что граница между уровнями для конкретных результатов освоения образовательной программы может смещаться.

<b>Уровень сформированности компетенции</b>	<b>Текущий контроль</b>	<b>Промежуточная аттестация</b>
высокий	<b>высокий</b>	<b>высокий</b>
	<i>продвинутый</i>	<i>высокий</i>
	<i>высокий</i>	<i>продвинутый</i>
продвинутый	<i>пороговый</i>	<i>высокий</i>
	<i>высокий</i>	<i>пороговый</i>
	<b>продвинутый</b>	<b>продвинутый</b>
	<i>продвинутый</i>	<i>пороговый</i>
	<i>пороговый</i>	<i>продвинутый</i>
пороговый	<b>пороговый</b>	<b>пороговый</b>
ниже порогового	<b>пороговый</b>	<b>ниже порогового</b>
	<b>ниже порогового</b>	-

**3. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков или опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.**  
Рейтинговая оценка знаний является интегральным показателем качества теоретических и практических знаний и навыков студентов по дисциплине и складывается из оценок, полученных в ходе текущего контроля и промежуточной аттестации.

Текущий контроль в семестре проводится с целью обеспечения своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы студентов.

Промежуточная аттестация предназначена для объективного подтверждения и оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины.

Текущий контроль осуществляется два раза в семестр: контрольная точка № 1 (лабораторные работы) и контрольная точка № 2 (лабораторные работы).

Результаты текущего контроля и промежуточной аттестации подводятся по шкале балльно-рейтинговой системы.

#### **4 Семестр**

<b>Вид контроля</b>	<b>Этап рейтинговой системы Оценочное средство</b>	<b>Балл</b>	
		<b>Минимум</b>	<b>Максимум</b>
Текущий	<b>Контрольная точка № 1</b>		
	лабораторная работа №1	9	15
	лабораторная работа №2	9	15
	<b>Контрольная точка № 2</b>		
	лабораторная работа №3	9	15
	лабораторная работа №4	9	15
Промежуточный	<b>Зачет</b>		
	Зачет	24	40
<b>ИТОГО по дисциплине</b>		60	100

## **Определение бонусов и штрафов**

Бонусы: поощрительные баллы студент получает к своему рейтингу в конце семестра за активную и регулярную работу на занятиях 5 баллов (но суммарно за семестр не больше чем 60)

Штрафы: за несвоевременную сдачу текущего контроля максимальная оценка может быть снижена на 20%

Процедура оценивания знаний, умений, владений по дисциплине включает учет успешности по всем видам заявленных оценочных средств.

Лабораторные работы проводятся в дисплейных классах кафедры РКР АЭС. Лабораторные работы установлены на персональных компьютерах.

По окончании освоения дисциплины в 4 семестре проводится промежуточная аттестация в виде зачета, что позволяет оценить совокупность приобретенных в процессе обучения компетенций. При выставлении итоговой оценки применяется балльно-рейтинговая система оценки результатов обучения.

Зачет предназначен для оценки работы обучающегося в течение всего срока изучения дисциплины и призван выявить уровень, прочность и систематичность полученных обучающимся теоретических знаний и умений приводить примеры практического использования знаний, приобретения навыков самостоятельной работы, развития творческого мышления.

Оценка сформированности компетенций на зачете для тех обучающихся, которые пропускали занятия и не участвовали в проверке компетенций во время изучения дисциплины, проводится после индивидуального собеседования с преподавателем по пропущенным или не усвоенным обучающимся темам с последующей оценкой самостоятельно усвоенных знаний на зачете.

## **4. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков**

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

### **ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №1**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

$$a=-1 \quad b=1 \quad c=1$$

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки  $x=0.5$  и  $x=1.5$ . Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Разностная аппроксимация первых и вторых производных. Порядок аппроксимации.

Составитель \_\_\_\_\_ В.В. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_\_\_» 20 г.

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

**ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №2**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

a=-1 b=-1 c=1

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки x=0.5 и x=1.5. Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Конечно-разностная аппроксимация уравнения теплопроводности с постоянными коэффициентами. Явная и неявная схемы.

Составитель \_\_\_\_\_ B.B. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_» 20 г.

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

**ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №3**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

$$a=-1 \quad b=1.5 \quad c=1$$

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки  $x=0.5$  и  $x=1.5$ . Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Конечно-разностная аппроксимация уравнения колебания струны с постоянными коэффициентами. Явная и неявная схемы.

Составитель \_\_\_\_\_ **В.В. Колесов**  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ **Д.С. Самохин**  
(подпись)

«\_\_\_\_\_» 20 г.

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление

**12.03.01 «Приборостроение»**

Профиль

**«Приборы и методы контроля качества и диагностики»**

Дисциплина

**Численные методы**

**ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №4**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

a=-1 b=-1.5 c=1

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки x=0.5 и x=1.5. Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Интегро-интерполяционный метод получения разностных уравнений для одномерного уравнения теплопроводности с переменными коэффициентами. Явные и неявные методы решения получаемых систем уравнений.

Составитель \_\_\_\_\_ В.В. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_\_» 20 г.

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

**ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №5**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

a=1 b=2.5 c=1

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки x=0.5 и x=1.5. Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Интегро-интерполяционный метод получения разностных уравнений для одномерного уравнения колебания струны с переменными коэффициентами. Явные и неявные методы решения получаемых систем уравнений.

Составитель \_\_\_\_\_ B.B. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_\_\_» 20 г.

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

### ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №6

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

$$a=1 \quad b=-2.5 \quad c=1$$

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки  $x=0.5$  и  $x=1.5$ . Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Метод переменных направлений для решения двумерного уравнения теплопроводности.

Составитель \_\_\_\_\_ B.B. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_\_» 20 г.

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

**ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №7**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

a=1 b=3 c=1

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки x=0.5 и x=1.5. Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Метод переменных направлений для решения двумерного уравнения Пуассона.

Составитель \_\_\_\_\_ B.B. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_\_» 20 г.

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

### **ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №8**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$
$$u(0) = 0$$
$$u(2) = 1$$

a=1 b=-3 c=1

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки x=0.5 и x=1.5. Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Решение двумерного уравнения Пуассона методом матричной прогонки.

Составитель \_\_\_\_\_ **В.В. Колесов**  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ **Д.С. Самохин**  
(подпись)

«\_\_\_\_\_» 20 г.

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

Направление	<b>12.03.01 «Приборостроение»</b>
Профиль	<b>«Приборы и методы контроля качества и диагностики»</b>
Дисциплина	<b>Численные методы</b>

**ЗАЧЕТАЦИОННЫЙ БИЛЕТ №9**

1. Решить методом Галеркина и методом коллокации краевую задачу

$$a \frac{d^2 u(x)}{dx^2} + b \frac{du(x)}{dx} + c \cdot u(x) = 0$$

$$u(0) = 0$$

$$u(2) = 1$$

a=1 b=-3.5 c=1

В разложении использовать два члена. В методе коллокации использовать точки x=0.5 и x=1.5. Результаты сравнить с точным решением в точках 0.25; 0.75; 1.0; 1.25 и 1.75.

2. Численные методы решения одномерных многогрупповых уравнений диффузии нейтронов. Интегро-интерполяционный метод построения разностных уравнений. Метод итерации источника.

Составитель \_\_\_\_\_ B.B. Колесов  
(подпись)

Начальник ОЯФиТ \_\_\_\_\_ Д.С. Самохин  
(подпись)

«\_\_\_\_\_» 20 г.

**Критерии оценки:**

- уровень освоения обучающимся материала, предусмотренного учебной программой;
- полнота и правильность ответа, степень осознанности, понимания изученного;
- обоснованность, четкость, краткость изложения ответа;
- ответы на дополнительные вопросы.

**Описание шкалы оценивания:**

Оценка	Критерии оценки
Отлично 36-40	Студент должен: - продемонстрировать глубокое и прочное усвоение знаний программного материала; - исчерпывающе, последовательно, грамотно и логически стройно изложить теоретический материал; - правильно формулировать определения; - продемонстрировать умения самостоятельной работы с литературой; - уметь сделать выводы по излагаемому материалу.
Хорошо 30-35	Студент должен: - продемонстрировать достаточно полное знание программного материала; - продемонстрировать знание основных теоретических понятий; достаточно последовательно, грамотно и логически стройно излагать материал; - продемонстрировать умение ориентироваться в литературе; - уметь сделать достаточно обоснованные выводы по излагаемому материалу.
Удовлетворительно 25-29	Студент должен: - продемонстрировать общее знание изучаемого материала; - показать общее владение понятийным аппаратом дисциплины; - уметь строить ответ в соответствии со структурой излагаемого вопроса; - знать основную рекомендуемую программой учебную литературу.
Неудовлетворительно 24 и меньше	Студент демонстрирует: - незнание значительной части программного материала; - не владение понятийным аппаратом дисциплины; - существенные ошибки при изложении учебного материала; - неумение строить ответ в соответствии со структурой излагаемого вопроса; - неумение делать выводы по излагаемому материалу.

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
 ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
 ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
 «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
**Обнинский институт атомной энергетики –**  
 филиал федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего  
 образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отделение ЯФиТ

## Комплект заданий для лабораторных работ 7 семестр

по дисциплине Численные методы  
 (наименование дисциплины)

### Лабораторная работа №1.

**Конечно-разностная аппроксимация одномерного уравнения теплопроводности с постоянными коэффициентами.**

Написать на языке FORTRAN программу, реализующую решение явной или неявной конечно-разностной схемы для одномерного уравнения теплопроводности с постоянными коэффициентами. Отладить ее и провести контрольные расчеты.

*Входные данные:*

№	U (x,t) - проверочная функция	α	U (0,t)	U (1,t)	U (x,0)	h	τ	f (x,t)
1	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.001	0.001	$2x^3t - 6xt^2$
2	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.005	0.002	$2x^3t - 6xt^2$
3	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.002	0.005	$2x^3t - 6xt^2$
4	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.001	0.001	$3x^2t^2 - 2t^3$
5	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.005	0.002	$3x^2t^2 - 2t$
6	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.002	0.005	$3x^2t^2 - 2t$
7	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.001	0.001	$x^4 - 12tx^2 + 2$
8	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.005	0.002	$x^4 - 12tx^2 + 2$
9	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.002	0.005	$x^4 - 12tx^2 + 2$
10	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.001	0.001	$x^2 - 2t$
11	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.005	0.002	$x^2 - 2t$
12	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.002	0.005	$x^2 - 2t$
13	$e^x t^2,$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.001	0.001	$2e^x t - e^x t^2$
14	$e^x t^2$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.005	0.002	$2e^x t - e^x t^2$
15	$e^x t^2$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.002	0.005	$2e^x t - e^x t^2$
16	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.001	0.001	$3xt^2$
17	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.005	0.002	$3xt^2$
18	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.002	0.005	$3xt^2$

<b>19</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.001	0.001	$x$
<b>20</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.005	0.002	$x$
<b>21</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.002	0.005	$x$

### Критерии оценки для лабораторной работы №1:

Показатели и критерии оценки лабораторных работ:

13-15 баллов:

- правильное выполнение лабораторной работы в соответствии с методикой, корректное применение полученных знаний на практике, своевременная сдача отчета, правильные ответы на вопросы во время защиты лабораторной работы.

8-12 баллов:

- правильное выполнение лабораторной работы в соответствии с методикой, хорошее знание теоретической базы, в целом верная постановка целей и задач, решение основных задач, своевременная сдача отчета.

3-7 баллов:

- слабое знание теории, несвоевременное выполнение работы, несвоевременная защита работы, незнание ответов на вопросы преподавателя.

0 баллов:

- невыполнение работы.

### Шкала оценивания:

8-15 баллов – лабораторная работа зачтена;

0-7 баллов – отчет о лабораторной работе отдается на доработку.

### Лабораторная работа №2.

#### Конечно-разностная аппроксимация одномерного уравнения колебания струны с постоянными коэффициентами.

Написать на языке FORTRAN программу, реализующую решение явной или неявной конечно-разностной схемы\* для одномерного уравнения колебания струны с постоянными коэффициентами. Отладить ее и провести контрольные расчеты.

Входные данные:

№	$U(x,t)$ - проверочная функция	$a$	$U(0,t)$	$U(1,t)$	$U(x,0)$	$h$	$\tau$	$f(x,t)$
<b>1</b>	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.001	0.001	$2x^3 - 6xt^2$
<b>2</b>	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.005	0.002	$2x^3 - 6xt^2$
<b>3</b>	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.002	0.005	$2x^3 - 6xt^2$
<b>4</b>	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.001	0.001	$6x^2t - 2t^3$
<b>5</b>	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.005	0.002	$6x^2t - 2t^3$
<b>6</b>	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.002	0.005	$6x^2t - 2t^3$
<b>7</b>	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.001	0.001	$-12tx^2$
<b>8</b>	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.005	0.002	$-12tx^2$
<b>9</b>	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.002	0.005	$-12tx^2$

<b>10</b>	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.001	0.001	$-2t$
<b>11</b>	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.005	0.002	$-2t$
<b>12</b>	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.002	0.005	$-2t$
<b>13</b>	$e^x t^2$ ,	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.001	0.001	$2e^x - e^x t^2$
<b>14</b>	$e^x t^2$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.005	0.002	$2e^x - e^x t^2$
<b>15</b>	$e^x t^2$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.002	0.005	$2e^x - e^x t^2$
<b>16</b>	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.001	0.001	$6xt$
<b>17</b>	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.005	0.002	$6xt$
<b>18</b>	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.002	0.005	$6xt$
<b>19</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.001	0.001	0
<b>20</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.005	0.002	0
<b>21</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.002	0.005	0

\* - студент реализует конечно-разностную схему отличную от использованной в лабораторной работе №1.

### Лабораторная работа №3.

#### Интегро-интерполяционный метод получения разностных уравнений для одномерного уравнения теплопроводности с переменными коэффициентами.

Написать на языке FORTRAN программу, реализующую решение явной или неявной конечно-разностной схемы для одномерного уравнения теплопроводности с переменными коэффициентами. Отладить ее и провести контрольные расчеты.

Входные данные:

№	$U(x,t)$ - проверочная функция	$\alpha$	$U(0,t)$	$U(1,t)$	$U(x,0)$	$h$	$\tau$	$K(x,t)$
<b>1</b>	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.001	0.001	$e^x t + 5$
<b>2</b>	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.005	0.002	$x \sin t + 10$
<b>3</b>	$x^3t^2 + 1$	1	1	$t^2 + 1$	1	0.002	0.005	$t \cos x - t \cos x - 4$
<b>4</b>	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.001	0.001	$xt + 2$
<b>5</b>	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.005	0.002	$x^2t^2 - 25$
<b>6</b>	$x^2t^3$	1	0	$t^3$	0	0.002	0.005	$e^t x + 2$
<b>7</b>	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.001	0.001	$4t + xt^3 + 3$
<b>8</b>	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.005	0.002	$e^x t + 5$
<b>9</b>	$x^4t + 2t$	1	$2t$	$3t$	0	0.002	0.005	$x \sin t + 10$
<b>10</b>	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.001	0.001	$t \cos x - t \cos x - 4$
<b>11</b>	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.005	0.002	$xt + 2$

<b>12</b>	$x^2t + 10$	1	10	$t + 10$	10	0.002	0.005	$x^2t^2 - 25$
<b>13</b>	$e^x t^2,$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.001	0.001	$e^t x + 2$
<b>14</b>	$e^x t^2$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.005	0.002	$4t + xt^3 + 3$
<b>15</b>	$e^x t^2$	1	$t^2$	$e^1 t^2$	0	0.002	0.005	$e^x t + 5$
<b>16</b>	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.001	0.001	$x \sin t + 10$
<b>17</b>	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.005	0.002	$t \cos x - t \cos x - 4$
<b>18</b>	$xt^3 + 2x$	1	0	$t^3 + 2$	$2x$	0.002	0.005	$xt + 2$
<b>19</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.001	0.001	$x^2t^2 - 25$
<b>20</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.005	0.002	$e^t x + 2$
<b>21</b>	$xt$	1	0	$t$	0	0.002	0.005	$4t + xt^3 + 3$

#### Лабораторная работа №4.

#### Продольно-поперечная схема для решения двумерных разностных уравнений.

Написать на языке FORTRAN программу, реализующую решение двумерного уравнения теплопроводности с использованием продольно-поперечной схемы. Определить начальные и граничные условия. Отладить ее и провести контрольные расчеты.

Входные данные:

№	U(x,y) - исходная функция
1.	$x^2 + y^3$
2.	$xy^2 + x^3 + 1$
3.	$yx^2 - y + 10$
4.	$2x^4 + 7xy^4$
5.	$4y^2 - 6x^3$
6.	$2x - 9x^2y^2$
7.	$2y + xe^{-y}$
8.	$y^5 + 4x^4$
9.	$xe^{2x} + y^2$
10.	$y^2 - \sin 5x$
11.	$\cos 2y + 4x^3$
12.	$\frac{1}{6} \sin x + \frac{1}{3} \cos 2y$
13.	$e^{3x} \cos x - 9y^4$
14.	$xe^{2y} + xy^3$
15.	$y^2x^4 + y^3x^5$

#### Критерии оценки для лабораторных работ №2, №3, №4:

Показатели и критерии оценки лабораторных работ:  
13-15 баллов:

- правильное выполнение лабораторной работы в соответствии с методикой, корректное применение полученных знаний на практике, своевременная сдача отчета, правильные ответы на вопросы во время защиты лабораторной работы.

9-12 баллов:

- правильное выполнение лабораторной работы в соответствии с методикой, хорошее знание теоретической базы, в целом верная постановка целей и задач, решение основных задач, своевременная сдача отчета.

3-8 баллов:

- слабое знание теории, несвоевременное выполнение работы, несвоевременная защита работы, незнание ответов на вопросы преподавателя.

0 баллов:

- невыполнение работы.

**Шкала оценивания:**

9-15 баллов – лабораторная работа зачтена;

0-8 баллов – отчет о лабораторной работе отдается на доработку.

Фонд оценочных средств составлен в соответствии с образовательным стандартом высшего образования НИЯУ МИФИ по направлению подготовки 12.03.01 Приборостроение.

Фонд оценочных средств составил:

\_\_\_\_\_ В.В. Колесов, доцент, к.ф.-м.н., доцент ОЯФиТ

Рецензент:

\_\_\_\_\_ Д.С. Самохин, к.т.н., доцент ОЯФиТ